

Quanto alle relazioni fra P, Q, R ed $x_g y_g \wedge$, il confronto delle (i), (V) da

(6)

$$= ab o - (bcx - \{ - cay - \} - al$$

mentre, per converso, il confronto delle (2), (5') da

—

$$(a - f >) (a - e)$$

(7)

$$\sim Q, - c) (i - a) \\ - c > - 3 P e^* + 3 Q e - R$$

Poiché dunque le P, Q, R sono funzioni lineari delle $x_g y_g /_g$ nulla impedisce di riguardarle come coordinate rettilinee, e di 'surrogarle alle x, y, f . Allora le equazioni (5') terranno luogo delle (2), rispetto a queste nuove coordinate. Così si otterranno le e-quazioni analoghe alle (3) facendo, nelle (5'), $u_2 = u_y$ e quindi la sviluppabile sarà rappresentata dalle forinole

(30

$$- 3 P = iI$$

$$\frac{\quad}{u \ u} \quad \text{—}$$

nelle quali i parametri u ed u_l hanno gli stessi significati di prima. Finalmente le e-quazioni della cubica gobba si otterranno, in coordinate P, Q, R , ponendo nelle precedenti forinole $u_l = u$, e saranno quindi

(4')

$$73 - w .$$

Queste formole sono appunto quelle dalle quali è partito il signor CREMONA, e che MÖBIUS ha fatto conoscere per il primo. Eliminando $u_y u_l$ fra le tre equazioni (3'), si ottiene

$$(3'') \quad 3P^*Q^*-4P>R + 6$$

equazione della sviluppabile osculatrice. Il suo primo membro non è altro che il discriminante dell'equazione (i'). Sostituendo i valori (6), si avrebbe l'equazione della stessa superficie relativamente ai primitivi assi.

3. Sieno u', u'', u''' i valori di u relativi a tre determinati punti della cubica; si